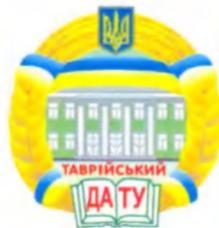


МІНІСТЕРСТВО АГРАРНОЇ ПОЛІТИКИ  
ТА ПРОДОВОЛЬСТВА УКРАЇНИ  
УКРАЇНСЬКА АСОЦІАЦІЯ З ПРИКЛАДНОЇ ГЕОМЕТРІЇ  
ТАВРІЙСЬКИЙ ДЕРЖАВНИЙ АГРОТЕХНОЛОГІЧНИЙ УНІВЕРСИТЕТ

ПРАЦІ  
Таврійського  
державного  
агротехнологічного  
університету



XV Міжнародна  
науково-практична конференція

**СУЧАСНІ ПРОБЛЕМИ  
ГЕОМЕТРИЧНОГО МОДЕЛЮВАННЯ**

**СПГМ-15**

04-7 червня 2013р.



м. Мелітополь, Україна

Збірник праць XV Міжнародної науково-практичної конференції «Сучасні проблеми геометричного моделювання» – Мелітополь: ТДАТУ. – 2013 – 206 с.

У збірнику представлені матеріали досліджень в основному науково-методичного характеру, повідомлені на засіданнях 4-х секцій конференції. Широко представлені науково-методичні матеріали, що відбивають проблеми підготовки науково-педагогічних і інженерних кадрів. Велика увага приділяється комп'ютеризації навчального процесу і складанню контрольних і навчальних програм.

Збірник доповнює Праці Таврійського державного агротехнологічного університету (вип. 4. Прикладна геометрія та інженерна графіка, т. 56, 57, Мелітополь, 2013), де опубліковані матеріали конференції науково-дослідного характеру.

Збірник призначений для викладачів вузів, аспірантів і здобувачів, що цікавляться проблемами вдосконалювання навчального процесу.

Редакційна колегія: А.В. Найдиш (відп. редактор), В.М.Верещага (заст. відп. редактора), О.Є. Мацулович (відп. секретар), Д.В. Спірінцев (заст. відп. секретаря), Лі В.Г. (м. Таганрог, Росія), І.Г. Балюба, В.Д. Борисенко, В.В. Ванін, В.В. Гнатушенко, В.С. Єремеєв, С.М. Ковалев, Ю.М. Ковалев, В.М. Корчинский, Л.М. Куценко, В.Є. Михайленко, В.М. Несвідомін, О.Л. Підгорний, С.Ф. Пилипака, В.О.Плюсский, С.В. Розоха, К.О.Сазонов, І.А. Скідан, А.Н. Хомченко, В.П. Юрчук.

Адреса редколегії: пр. Б. Хмельницького, 18, ТДАТУ  
м. Мелітополь, 72312  
тел. (0619) 42-20-32, 42-68-62  
Таврійський державний  
агротехнологічний університет  
(ТДАТУ), 2011.

УДК 515.2

## ГЕОМЕТРИЧНЕ ТА АВТОМАТИЗОВАНЕ ПРОЕКТУВАННЯ КІНЕМАТИЧНИХ ПОВЕРХОНЬ

Василевський О.В., к.т.н.

*Національний авіаційний університет*

Тел.: (097) 453-59-79

**Анотація-** розроблено геометричні методи автоматизованого проектування кінематичних поверхонь полицеь, реалізовані у вигляді обчислюваних програм PLOUGH, TORS.

**Ключові слова-** математичне та програмне забезпечення, автоматизоване проектування, алгоритми і програми, комп'ютерне моделювання.

**Постановка проблеми.** При вивченні інженерних та комп'ютерних методів просктування складних технічних поверхонь, студентам та аспірантам механічних факультетів необхідно вивчати графоаналітичні та автоматизовані методи проектування таких поверхонь. Причому, методика проектування таких поверхонь повинна відтворювати реальне конструкторське проектування. До складних за формою технічних поверхонь, можна віднести робочі поверхні полицеь для обробки ґрунту, заданих у вигляді циліндроїдів та торсів.

**Аналіз останніх досліджень.** В роботах [1], [2], [3] приведено теорію поверхонь полицеь та форм профілю знарядь для обробки ґрунту, та методику проектування поверхонь, заданих у вигляді циліндроїдів чи торсів. Відомо, що поверхню торса можна отримати при зовнішній обкатці двох кривих  $d_1$  і  $d_2$  другого порядку, дотичною до цих кривих площину  $t$ . Відповідні точки  $M_1$  і  $M_2$  кривих  $d_1$  і  $d_2$  мають паралельні дотичні. З'єднуючи відповідні точки, отримаємо прямолінійні твірні торсової поверхні. Торсова поверхня є розгортними поверхнями, які визначаються просторовим ребром звороту з дотичними до нього прямолінійними твірними. Також відомо [1], що при переміщенні полицеї, рух частинок ґрунту по робочій поверхні полицеї здійснюється вздовж цих прямолінійних твірних. Змінюючи просторове розташування твірних торсу можна направлено варіювати траєкторію руху частинок ґрунту, а значить, при проектуванні робочих поверхонь полицеї знаходити варіантні

рішення. Тому, актуальною є задача розробки математичного та програмного забезпечення комп'ютерних програм проектування поверхонь, заданих у вигляді циліндроїдів чи торсів, полиць зі змінними параметрами, габаритами і профілем лобового контуру, які б дали змогу задоволити задані технічні та експлуатаційні вимоги.

*Формульовання цілей статті.* Розробити математичне та програмне забезпечення комп'ютерних програм PLOUGH та TORS, автоматизованого проектування робочих поверхонь циліндроїдів та торсів, на базі поширеного математичного пакету Mathcad. Основною метою реалізації програм PLOUGH та TORS є: автоматизоване проектування та графічне моделювання фронтальних та горизонтальних проекцій полиць; прямолінійних твірних поверхонь; форм плоских напрямних кривих і лобового контуру; 3D зображень робочих поверхонь циліндроїдів та торсів. Це дасть можливість користувачам вирішувати інженерні задачі і отримувати необхідні графічні документи, засвоювати геометричні та комп'ютерні методи моделювання та варіювання форми профілю та параметрів полиць.

*Основна частина.* В практиці [1], поверхні полиць, як правило, задаються у вигляді циліндроїдів чи торсів.

На основі розробленого геометричного алгоритму [4] пропонується автоматизований метод проектування поверхонь полиць, заданих у вигляді кінематичних поверхонь циліндроїдів, реалізований у вигляді програми PLOUGH, на базі математичного та графічного пакету Mathcad.

Ці поверхні можна задати двома плоскими напрямними кривими другого порядку, розташованими в горизонтально проекуючих площинах  $\delta_1$  та  $\delta_2$ , перпендикулярних до леза лемеша, та горизонтальною площиною паралелізму. Поверхня циліндроїда утворюється при русі прямолінійних твірних відповід напрямних кривих паралельно до площини паралелізму. Напрямні п'яти параметричні криві другого порядку задаються в інженерному вигляді, вписаними в два опорні трикутники. П'ятим параметром, може бути будь-які проміжні точки кривих, або задані проективні коефіцієнти  $g1$ ,  $g2$ , що визначають вид напрямних кривих.

Для побудови поверхні полиці необхідно задати на фронтальній проекції лобовий контур. Форма лобового контуру задається довільно, за допомогою  $j$ -го числа обмежуючих прямих представлених у нормальному вигляді.

В результаті автоматизованого проектування в графічному вигляді отримаємо: фронтальну та горизонтальну проекції поверхні полиць, заданої циліндроїдом, обмежену (на фронтальній проекції) лобовим контуром (рис. 1). Також, представлені проекції двох напрямних кривих, та визначені прямолінійні твірні поверхні полиці.

Відповідно, вся вихідна та розрахункова інформація про масиви точок видається в чисельному чи табличному вигляді.

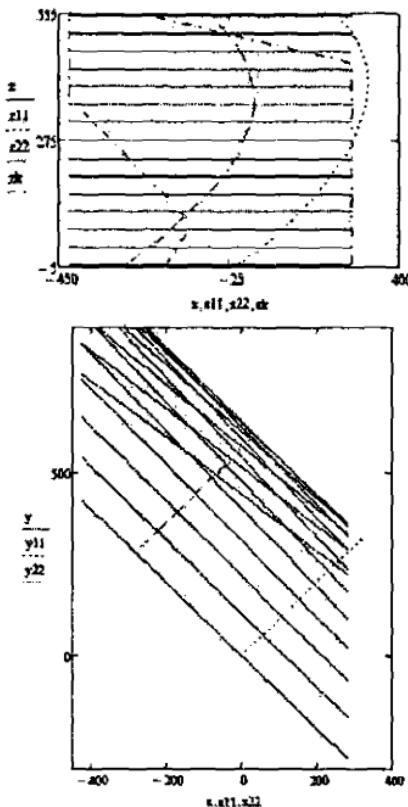


Рис.1. Робоча поверхня полиці, задана у вигляді циліндроїда.

Пропонується автоматизований метод проектування поверхонь полиць, заданих у вигляді поверхонь торсів.

Задаються дві плоскі напрямні криві другого порядку  $d_1$  і  $d_2$ , розташовані в горизонтально - проекуючих площинах  $\delta_1$  та  $\delta_2$ , перпендикулярних до леза лемеша  $KL$  (рис. 2).

Поверхню торса отримаємо при зовнішній обкатці двох напрямних кривих  $d_1$  і  $d_2$  другого порядку, дотичною до цих кривих площиною. Відповідні точки  $M_1$  і  $M_2$  кривих мають паралельні дотичні  $t_1$  і  $t_2$ . З'єднуючи відповідні точки, отримаємо прямолінійні твірні торсової поверхні. Напрямні п'яти параметричні криві другого порядку задаємо в інженерному вигляді, вписаними в два опорні трикутники  $A_1B_1C_1$  і  $A_2B_2C_2$ . П'ятим параметром, може бути будь-які проміжні точки кривих, або задані проективні коефіцієнти  $g1$ ,  $g2$ , що визначають вид напрямних кривих  $d_1$  і  $d_2$ : еліпс, якщо  $g > 0,25$ ; параболу ( $g = 0,25$ ); гіперболу ( $g < 0,25$ ).

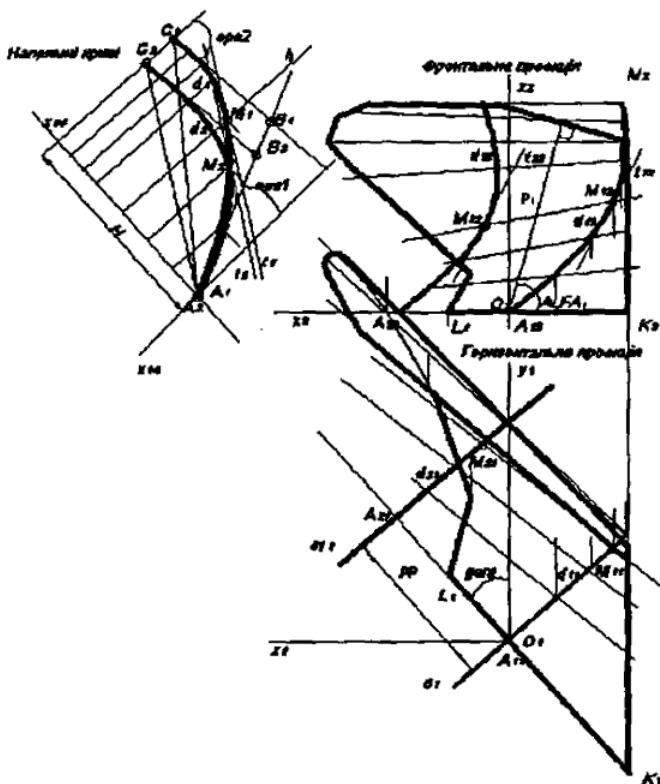


Рис.2. Проектування торсовых поверхонь полиць.

Побудовані таким чином напрямні криві розташовуємо перпендикулярно лезу лемеша, на заданий відстані  $pp$  одна від другої. Лезо лемеша знаходиться в горизонтальній площині проекції  $P_1$ , під кутом  $gat$  до стінки борозни (вісі  $OY$ ).

Автоматизоване проектування прямолінійних твірних поверхні торса здійснююмо за таким геометричним алгоритмом (див. рис. 2).

1. Знаходимо масив проміжних точок  $M_1$  кривої  $d_1$ , як точок перетину горизонтальних площин  $h$  (заданих з певним кроком  $\Delta H$ ) з напрямною кривою  $d_1$ .

2. Визначаємо, в кожній точці  $M_1$ , значення кутових коефіцієнтів дотичних  $t_1$  до кривої  $d_1$ .

3. Знаходимо положення відповідних проміжних точок  $M_2$  кривої  $d_2$ , за умови рівності кутових коефіцієнтів паралельних дотичних  $t_1$  і  $t_2$ .

4. Визначаємо масив проміжних твірних торсової поверхні, як прямих, що проходять через відповідні токи  $M_1$  і  $M_2$  кривих  $d_1$  і  $d_2$  другого порядку.

5. Для того, щоб отримати робочу поверхню полиці необхідно задати лобовий контур у фронтальній проекції. Форма лобового контуру задається довільно, за допомогою  $j$ -го числа обмежуючих прямих представлених у нормальному вигляді, тобто величиною відстані  $P_i$  від початку координат до  $i$ -тої прямої ( $i=3\dots j$ ), та кутом нахилу перпендикуляра  $ALFA_i$ . При перетині фронтально проекуючих площин, що проходять через обмежуючі прямі лобового контура, з прямолінійними твірними торса, утворюється робоча поверхня полиці.

За заданим геометричним алгоритмом розроблено математичне та програмне забезпечення комп'ютерної програми TORS, автоматизованого проектування торсовых поверхонь.

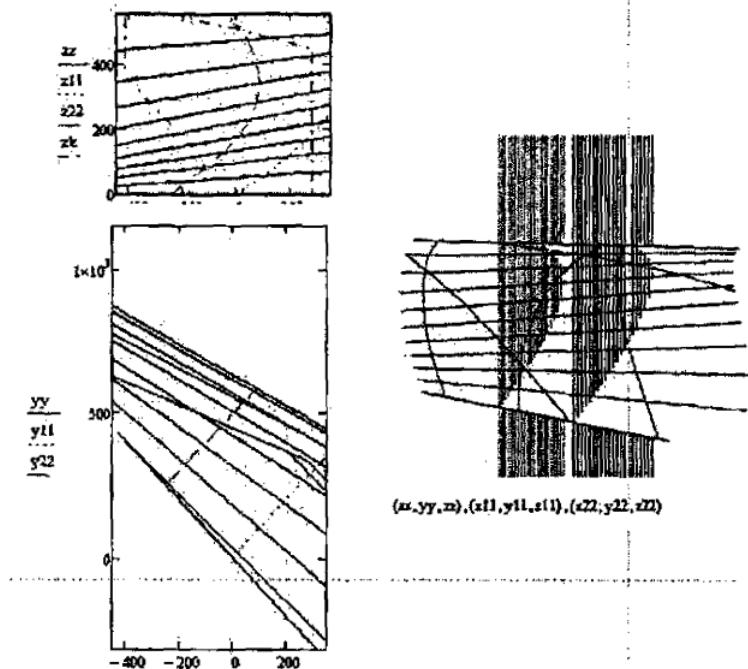


Рис. 3. Проекції торсової поверхні полиці.

На рис. 3 представлено приклад графічної реалізації програми TORS. В цьому тестовому прикладі, у якості двох напрямних кривих  $d_1$  і  $d_2$  торса задані дві параболи ( $g=0,25$ ), перпендикулярні до леза лемеша  $KL$  ( $gam=45^{\circ}$ ).

На рис. 2 визначені фронтальні, горизонтальні та аксонометричні проекції прямолінійних твірних, двох напрямних парабол, та лобовий контур (на фронтальній проекції обмежений штрих-пунктирними прямими, в 3D зображені обмежений ділянками просторових кривих).

**Висновки.** Використовуючи задану методику автоматизованого проектування поверхонь полиць та розроблені комп'ютерні програми PLOUGH і TORS, можна змінювати вихідні параметри, варіювати та досліджувати форму робочих поверхонь полиць, а також отримувати в чисельному чи графічному вигляді необхідну для пошуку варіантних рішень інформацію.

### Література

1. Гячев Л.В. Теория лемешно - отвальной поверхности. / Л.В. Гячев // Труды азовско-черноморского института механизации сельского хозяйства. Вып.13.-Зерноград 1961. -317с.
2. Усовершенствованная модель для автоматизированного проектирования торсовых отвальных поверхностей. / В.С. Обухова // Прикладная геометрия и инженерная графика. Республиканский межведомственный научно-технический зборник: – К.: БУДІВЕЛЬНИК, 1981. – Вип. 32. - С. 13 – 16.
3. Василевский О.В. Комп'ютерне моделювання технічних поверхонь. / О.В. Василевский // Прикладна геометрія та інженерна графіка. Міжвідомчий науково – технічний збірник: – К.: КНУБА, 2011. – Вип. 88. - С. 106 – 110.

## ГЕОМЕТРИЧЕСКОЕ И АВТОМАТИЗИРОВАННОЕ ПРОЕКТИРОВАНИЕ КИНЕМАТИЧЕСКИХ ПОВЕРХНОСТЕЙ

О.В. Василевский

**Аннотация** - разработаны геометрические методы автоматизированного проектирования кинематических поверхностей отвалов, реализованные в виде вычислительных программ PLOUGH, TORS.

## GEOMETRICAL AND AUTOMATED DESIGNING OF KINEMATIC SURFACES

O. Vasilevskiy

### *Summary*

Geometrical methods of the automated designing of kinematic surfaces of the ploughs are developed, and presented a kind of computing programs of PLOUGH and TORS.