

УДК 004.621:681.324

**Хорошко В. А.**, докт. техн. наук., професор. (Тел.: +380 67321 64 03. E-mail: professor\_va@ukr.net).  
(Национальный авиационный университет, г. Киев)

**Браиловский Н. Н.**, канд. техн. наук, доцент (Тел.: +380 67 429 20 56. E-mail: bk1972@bk.ru).  
(Государственный университет телекоммуникаций, г. Киев)

## ЖИЗНЕСТОЙКОСТЬ СИСТЕМ ЗАЩИТЫ ИНФОРМАЦИОННОГО ПРОСТРАНСТВА

**Хорошко В. О., Браиловський М. М. Життєстійкість систем захисту інформаційного простору.** У статті пропонуються показники, що характеризують життєстійкість систем захисту інформаційного простору як міру збереження стійкості їх функціонування в умовах неминучих відмов, які виникають завдяки некваліфікованим діям обслуговуючого персоналу. Наводиться метод розрахунку життєстійкості систем за продуктивністю, методика розрахунку структурної життєстійкості.

**Ключові слова:** життєстійкість, система захисту, інформаційний простір

**Хорошко В. А., Браиловский Н. Н. Жизнестойкость систем защиты информационного пространства** В статье предлагаются показатели, характеризующие жизнестойкость систем защиты информационного пространства как меру сохранения устойчивости их функционирования в условиях неизбежных отказов, вызванных неквалифицированными действиями обслуживающего персонала. Приводится метод расчета жизнестойкости систем по производительности, методика расчета структурной жизнестойкости

**Ключевые слова:** жизнестойкость, система защиты, информационное пространство

**Khoroshko V. O., Brailovskyy M. M. The viability of protection systems of information space.** The article proposes indicators characterizing the viability of systems of protection of information space as a measure of conservation sustainability of their operation under the inevitable failures. Methods of calculating the viability of systems for performance, method of calculation of the structural resilience.

**Keywords:** security system, viability, information space

**Введение** Жизнестойкость систем защиты информационного пространства (СЗИП) определяется [1] как способность выполнять основные функции либо все функции, но с пониженной эффективностью при отказе составляющих подсистем и их элементов. Под жизнестойкостью СЗИП в [2] понимают их способность (достигаемую программной организацией структуры и функционального взаимодействия между ее подсистемами и элементами) использовать суммарную производительность всех исправных подсистем (ПС) в процессе реализации параллельного алгоритма сложной решаемой задачи. Количественные характеристики потенциальной и структурной жизнеспособности СЗИП определены в работах [1, 2].

В [3] детально рассмотрены вопросы защиты информационных ресурсов организаций и учреждений, предложена модель корпоративной системы антивирусной защиты и системы управления доступом на объекте информатизации.

Основные требования к автоматизированным средствам контроля технического состояния систем защиты информации изложены в [4].

Информационное пространство (ИП) представляет собой однородные или программные структуры. Значение вероятности безопасной работы  $p_0(T_n)$  СЗИП, состоящий из  $n$  элементарных подсистем (элементов, машин), в течении времени  $T_n$ , реализации параллельной программы ранга  $r$ , определяется выражением  $p_0(T_n) = e^{-r\tau T_n}$ , при существующих показателях надежности системы (среднее время безотказной работы элемента системы  $\tau^{-1} = 10^3 - 10^4$  ч) близкой к единице. Однако, выход из строя любого из  $n$  элементов системы в процессе решения задачи может привести к отказу от ее выполнения или выполнение с определенными ограничениями (временными, по точности и т.д.).

**Постановка задачи.** В настоящей работе рассматривается свойство жизнестойкости системы как степень сохранения системой допустимого значения показателя качества

функціонування в предположении неизбежности отказов технических и программных ресурсов системы, а также отказов, вызванных неквалифицированными действиями обслуживающего персонала. Кроме этого, авторы считают, что под жизнестойкостью системы необходимо так же понимать ее способности оставаться работоспособной в течении некоторого промежутка времени, за который она сумеет не только адаптироваться к внешним воздействиям, но и иметь возможность восстановления всех своих утраченных первоначальных функциональных способностей (программных и аппаратных) после негативного влияния.

**Основная часть** Обозначим через  $S_i$  множество возможных состояний СЗИП при заданной кратности  $\gamma$  отказов:  $I_\gamma = \{I_i\}$ ,  $i \in \{1, 2, \dots, |S_\gamma|\}$ ;  $I$  – множество всех возможных значений показателя при  $\gamma = \overline{0, M}$ ;  $I = \{I_0, I_1, I_2, \dots, I_\gamma, \dots, I_M\}$ , где  $M$  – число компонент системы. Пусть  $P_{i\gamma}$  – вероятность нахождения системы в состоянии  $S_{i\gamma} \in S_\gamma$ , причем  $\sum_{i=1}^{|S_\gamma|} P_{i\gamma} = 1$ ;  $I^*$  – нижняя граница для рассматриваемого показателя качества функционирования. Введем величину  $\bar{\Theta}_j$  ( $j$  – кратность отказов) определяемую выражением:

$$\bar{\Theta}_j = \left[ \prod_{i=1}^{|S_j|} \Delta(I_{ij} - I^*) \right] \left[ \sum_{i=1}^{|S_j|} P_{ij} I_{ij} \Delta(I_{ij} - I^*) \right],$$

где  $\Delta(I_{ij} - I^*) = \begin{cases} 1 & \text{при } I_{ij} \geq I^*; \\ 0 & \text{при } I_{ij} < I^*. \end{cases}$

Последовательно уменьшая значения  $j$  (начиная от  $j=M-1$ ), определяем минимальное отличие от нуля значение из множества

$$\overline{I_{min}} = \min_{M-1 \geq j \geq 0} \{\bar{\Theta}_j \geq 0\}. \quad (1)$$

Среднее значение  $\bar{I}_\gamma$  показателя  $\gamma$  при заданном значении  $\gamma \geq 1$  определим выражением

$$\bar{I}_\gamma = \sum_{i=1}^{|S_j|} P_{ij} I_{ij} \delta(I_{ij} - I^*), \quad (2)$$

где  $\delta(I_{ij} - I^*) = \begin{cases} 1 & \text{при } I_{ij} \geq I^*; \\ 1 - I^*/I_{ij} & \text{при } I_{ij} < I^*. \end{cases}$

Мерой устойчивости системы к отказам кратности  $\gamma \in \{0, 1, 2, \dots, M\}$  будем считать коэффициент  $K_\gamma = (\bar{I}_\gamma - \overline{I_{min}}) / \bar{I}_\gamma$ , который в дальнейшем будем называть  $\gamma$ -м коэффициентом устойчивости функционирования системы. Очевидно, что при  $\gamma=0$  коэффициент устойчивости  $K_\gamma$  приближается к значению  $K_0$ , чем он выше, тем более СЗИП живуча. Жизнестойкость (отказоустойчивость) системы по показателю  $I$  характеризует величина:

$$\Gamma_\gamma(I) = \frac{K_\gamma}{K_0} = \frac{I_0}{\bar{I}_\gamma} \cdot \frac{\bar{I}_\gamma - \overline{I_{min}}}{I_0 - \overline{I_{min}}}.$$

В дальнейшем величину

$$\Gamma(I) = \Gamma_1(I) = \frac{I_0}{I_1} \cdot \frac{\bar{I}_1 - \overline{I_{min}}}{I_0 - \overline{I_{min}}} \quad (3)$$

будем называть жизнестойкостью системы, а условие

$$\Gamma(I) \geq 0 \quad (4)$$

назовем условием жизнестойкости системы.

Рассмотрим оценку жизнестойкости системы по ее производительности. Пусть задача объема  $W$  операций (Рис.1) представлена параллельной программой ранга  $r$  и для решения выделена подсистемой из  $n$  элементарных элементов. В процессе решения

выделяются контрольные точки и контролируемый объем вычислений определяются формулой  $\Delta W = \frac{W}{kn}$ , где  $k$  – число контрольных точек в каждой параллельной ветви.

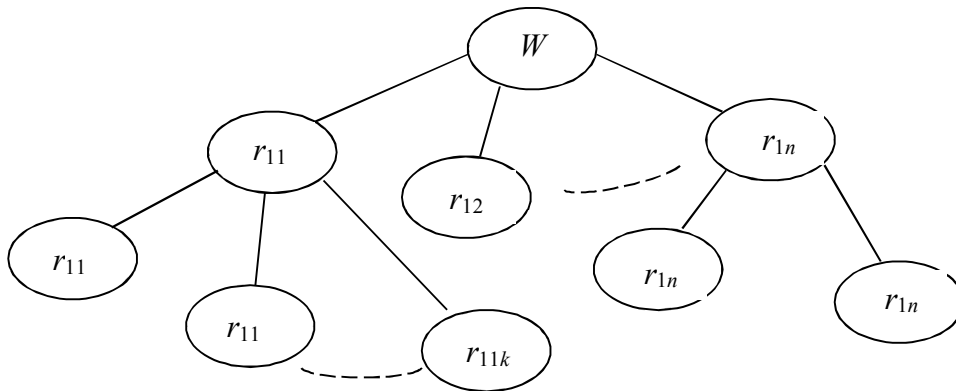


Рис. 1. Структура рассматриваемой системы информационного пространства

Объем вычислений для указаний организации процессов решения оценивается функционалом

$$W(n,k) = W_{\psi}(n,k),$$

где  $\psi(n,k)$  – функция, учитывающая изменение объема вычислений при изменении числа вычислительных элементов в подсистеме для различных значений  $k$ .

Время решения данной задачи при безотказной работе всех  $n$  вычислительных элементов подсистемы составляет

$$T(n,k) = W(n,k)/n\omega = W\psi(n,k)/n\omega,$$

где  $\omega$  – показатель производительности вычислительного элемента.

Производительность подсистемы при заданных условиях определяется выражением

$$\Omega(n,k) = W/T(n,k) = n\omega/\psi(n,k).$$

Пусть при отказе любого из вычислительных элементов подсистемы решение продолжается с момента последней контрольной точки на введенной в подсистему исправному вычислительному элементу (В1) или на одном из исправных вычислительных элементов подсистемы в режиме мультипрограммирования с основным для элементарного вычислительного элемента ветвью (В2).

Тогда для В1 при однократном отказе имеем:

$$T(n-1,k) = T(n,k) + T(n,k)/k = T(n,k) \cdot (1 + k^{-1}),$$

где  $T(n,k)/k$  – приращение времени решения задачи вследствие необходимости возврата на последнюю контрольную точку при однократном отказе.

Так как, производительность любого вычислительного элемента подсистемы равна  $\omega$ , то при отказе любого  $i$ -го вычислительного элемента

$$\Omega(n-1,k) = W/T(n-1,k) = \Omega(n,k)k/(1+k).$$

Учитывая, что  $\forall_i \in \overline{1, M}: P_{i1} = M^{-1}$ , из (2) получим  $\overline{\Omega}_1 = \Omega(n-1,k)$ . В соответствии с (3) жизнестойкость СЗИП по производительности при В1 определяется выражением:

$$\Gamma(\Omega) = \frac{\Omega(n, k)}{\Omega(n-1, k)} \cdot \frac{\Omega(n-1, k) - \overline{\Omega_{min}}}{\Omega(n, k) - \overline{\Omega_{min}}} = 1 - \frac{\overline{\Omega_{min}}}{K[\Omega(n, k) - \overline{\Omega_{min}}]} =$$

$$= 1 - \frac{\psi(n, k)\overline{\Omega_{min}}}{K[n\omega - \psi(n, k)\overline{\Omega_{min}}]}$$

С учетом (1) условие жизнестойкости СЗИП по производительности при В1 запишем в следующем виде:

$$1 - \frac{\psi(n, k)\overline{\Omega_{min}}}{K[n\omega - \psi(n, k)\overline{\Omega_{min}}]} \geq 0$$

или

$$\frac{n, k}{(n+k)\psi(n, k)} \geq \frac{\overline{\Omega_{min}}}{\omega}$$

В частности, при  $\Omega^* = \omega$  (допускается решение параллельной задачи на одном вычислительном элементе) из (1) получаем  $\overline{\Omega_{min}} = \omega$ . Если контрольные точки, не предусмотрены ( $k=1$ ), то условие жизнестойкости определится выражением  $n/\psi(n, 1) \geq 2$ .

Для стратегии В2

$$T(n-1, k) = 2T(n-1, k) = 2T(n, k) + \frac{T(n, k)}{(k-G)}$$

$G$  – отрезок времени от начала решения задачи до момента отказа вычислительного элемента. Выражая производительность через время решения задачи ( $\overline{\Omega_{min}} = \frac{W}{T_{max}}$ ), с учетом (3) получаем:

$$\Gamma(\Omega) = \frac{\overline{T_{max}} - T(n-1, k)}{\overline{T_{max}} - T(n, k)} = 1 - \frac{kT(n, k) + T(n, k) - kG}{k[\overline{T_{max}} - T(n, k)]}$$

Отсюда следует, что жизнестойкость системы по производительности при В2 тем хуже, чем меньше времени  $G$ . Условие жизнестойкости такой СЗИП согласно (4)

$$T(n-1, k) \leq \overline{T_{max}} \quad \text{или} \quad 2T(n, k) + \frac{T(n, k)}{k-G} \leq \overline{T_{max}}$$

Оценим нижний предел жизнестойкости системы при  $G=0$ . Тогда

$$\frac{2k+1}{k} T(n, k) \leq \overline{T_{max}} \Rightarrow \frac{nk}{(2k+1)\psi(n, k)} \geq \frac{\overline{\Omega_{max}}}{\omega}$$

При  $\Omega^* = \omega$  и  $k=1$  имеем  $n/\psi(n, 1) \geq 3$ .

Структурную жизнестойкость системы можно определить следующим образом. Пусть структура СЗИП задана графом  $R(V, k)$  [5], причем между множеством вычислительных элементов и множеством вершин графа  $V$ , а также между множеством каналов связи (КС) и множеством ребер графа  $D$  существуют взаимно-однозначные соотношения.

Жизнестойкость соединения вершин  $s \in V$  (истока), из которой начинается информационный поток, с вершиной  $t \in V - s$  (стоком), в которой поток должен закончиться, определяется выражением:

$$\Gamma(s, t) = \frac{g_0(s, t)}{g_1(s, t)} \cdot \frac{\overline{g_1}(s, t) - \overline{g_{min}}(s, t)}{\overline{g_0}(s, t) - \overline{g_{min}}(s, t)}, \quad (5)$$

где  $g(s, t)$  – пропускная способность (проводимость) соединения истока  $s$  со стоком  $t$ . Структурную жизнестойкость системы можно характеризовать минимальным значением

$$\Gamma(R) = \min_{\substack{s, t \in V \\ s \neq t}} \{\Gamma(s, t)\}, \quad (6)$$

а также следующим значением:

$$\bar{\Gamma}(R) = \sum_{\substack{s,t \in V \\ s \neq t}} \Gamma(s, t) / A_M^2;$$

где  $A_M^2$  – число размещений из  $M$  элементов по два ( $M$  – число вычислительных элементов в системе,  $M = |V|$ ).

Пусть каждая вершина  $\chi \in V$  графа  $R(V, D)$  смежная некоторому множеству вершин  $Y \in V$ , потоки в ребрах  $(x, y)$  ограничены сверху, т.е. ребра имеют ограниченную пропускную способность [5...8] или ограниченную проводимость  $g(x, y)$ . Через  $a(x, y)$  обозначим стоимость прохождения единицы потока по ребру  $(x, y)$ , численно равную величине задержки единицы информации (пакета, блока, сообщения и т.д.) в этом ребре. Очевидно, что  $a(x, y) = g^{-1}(x, y)$ .

Для определения  $g(x, y)$  соединения истока  $s$  со стоком  $t$  направим из  $s$  в  $t$  максимальный поток, стоимость которого минимальна. Для поиска указанного оптимального потока используем алгоритм, в котором поочередно решаются задачи о кратчайшем пути и максимальном потоке [7, 8]. Решение достигается последовательным наращиванием разрешенной стоимости прохождения единицы потока из истока до момента прибытия его в сток. По найденным таким образом путям минимальной стоимости посылаются максимально возможный поток с учетом пропускной способности ребра. Затем проводится модификация проводимости ребер с учетом пропускаемого потока; насыщенные ребра, в которых поток равен проводимости, исключаются из дальнейшего рассмотрения, и осуществляется возврат в начало алгоритма. Работа алгоритма завершается, если из-за насыщения ребра невозможно пропустить ни одной дополнительной единицы потока из  $s$  в  $t$ .

**Выводы.** В работе предлагаются показатели, характеризующие жизнестойкость систем защиты информационного пространства как меру сохранения устойчивости их функционирования в условиях неизбежных отказов, которые возникают при неизбежном человеческом факторе. Предлагается метод расчета жизнестойкости систем по производительности, а так же методика расчета структурной жизнестойкости.

### Литература

1. Евреинов Э. В. Однородные вычислительные системы / Э. В. Евреинов, В. Г. Хорошевский. – Новосибирск : Наука, 1978. – 319 с.
2. Дмитриев Ю. К. Вычислительные системы и мини-ЭВМ / Ю. К. Дмитриев, В. Г. Хорошевский. – Москва : Радио и связь, 1982. – 304 с.
3. Бойченко О. В. Модель корпоративного інформаційного захисту об'єкту інформатизації / О. В. Бойченко, Я. І. Торошанко Я. І. // Наукові записки Українського науково-дослідного інституту зв'язку. – 2011. – №4(20). – С. 15-19.
4. Бриль В. М. Требования к автоматизированным средствам контроля технического состояния систем защиты информации / В. М. Бриль, Е. В. Иванченко, В. А. Хорошко // Інформаційна безпека. – 2013. – №2(10). – С.19-25.
5. Харари Ф. Теория графов / Ф. Харари. – Москва : Мир, 1973. – 300 с.
6. Оре О. Теория графов / О. Оре. – Москва : Наука, 1980. – 336 с.
7. Майника Э. Алгоритмы оптимизации на сетях и графах / Э. Майника. – Москва : Мир, 1981. – 323 с.
8. Кристофидес Н. Теория графов: алгоритмический подход / Н. Кристофидес. – Москва: Мир, 1978. – 432 с.